



## СИЛАБУС ДИСЦИПЛІНИ "ВИЩА МАТЕМАТИКА"

	Ступінь вищої освіти – <b>бакалавр</b> Спеціальність <b>141 Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка</b> Освітня програма <b>"Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка"</b> Рік навчання <b>1, 2</b> , семестр <b>1, 2, 3, 4</b> Форма навчання <b>денна</b> Кількість кредитів ЄКТС <b>5, 2, 3, 5</b> Мова викладання <b>українська</b>
Лектор дисципліни	<b>Демчук Ірина Олександрівна</b> , кандидат технічних наук, доцент кафедри природничо-математичних та загальноінженерних дисциплін
Контактна інформація лектора	<b>okira@i.ua</b>

### ОПИС ДИСЦИПЛІНИ

*Мета вивчення навчальної дисципліни* теоретично і практично підготувати інженерів даної спеціальності до застосування математичних методів, які надають можливість аналізувати і моделювати технічні пристрої, процеси та явища, уміння розв'язувати різноманітні практичні задачі під час професійної діяльності у галузі електротехніки, електромеханіки та енергетичного машинобудування.

*Завдання вивчення дисципліни* – ознайомити студентів з основними ідеями і апаратом розділів математики, що мають відношення до базового рівня інженерної кваліфікації: диференційне та інтегральне числення, алгебра, функціональний аналіз дійсних і комплексних змінних, векторів та матриць, векторне числення, диференційні рівняння в звичайних та часткових похідних, ряд Фур'є; Сформування навиків розв'язку пов'язаних з цим практичних задач.

Вивчення навчальної дисципліни передбачає формування та розвиток у здобувачів вищої освіти компетентностей та програмних результатів навчання відповідно до освітньої програми «Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка» спеціальності 141 Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка.

#### **Загальні компетентності (ЗК):**

K01. Здатність до абстрактного мислення, аналізу і синтезу.

K02. Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях.

K05. Здатність до пошуку, оброблення та аналізу інформації з різних джерел.

K06. Здатність виявляти, ставити та вирішувати проблеми.

#### **Спеціальні (фахові, предметні) компетентності:**

K12. Здатність вирішувати практичні задачі із залученням методів математики, фізики та електротехніки

Це забезпечує досягнення програмних результатів навчання ПР09, ПР10, ПР18:

#### **Програмні результати навчання (ПРН):**

ПР09. Уміти оцінювати енергоефективність та надійність роботи електроенергетичних, електротехнічних та електромеханічних систем.

ПР10. Знаходити необхідну інформацію в науково-технічній літературі, базах даних та інших джерелах інформації, оцінювати її релевантність та достовірність.

ПР18. Вміти самостійно вчитися, опановувати нові знання і вдосконалювати навички роботи з сучасним обладнанням, вимірювальною технікою та прикладним програмним забезпеченням.

## СТРУКТУРА КУРСУ

Тема	Години (лекції /практичні)	Результати навчання	Завдання	Оціню- вання
<b>1 семестр</b>				
<b>Змістовий модуль 1. Елементи лінійної алгебри</b>				
Тема 1. Матриці. Визначники	2/2	Вміти виконувати дії над матрицями, обчислювати визначники	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	20
Тема 2. Обернена матриця. СЛР. Ранг матриці. Базис	2/2	Вміти знаходити обернену матрицю, ранг матриці	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	20
Тема 3. Сумісність СЛР. Метод Крамера, матричний метод та метод Гауса.	2/4	Вміти розв'язувати СЛР методом Крамера, матричним методом, методом Гауса, досліджувати на сумісність	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	20  40
<b>Всього за модуль 1</b>				<b>100</b>
<b>Змістовий модуль 2. Векторна алгебра та аналітична геометрія</b>				
Тема 4. Вектори	2/2	Вміти виконувати операції над векторами	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 5. Скалярний та векторний добуток векторів. Мішаний добуток векторів. Застосування різних типів добутоків.	2/2	Вміти знаходити різні види добутоків векторів, застосовувати у практичних задачах	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	20
Тема 6. Площина та пряма у просторі	2/2	Вміти розв'язувати основні задачі взаємного розташування прямих і площин у просторі	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 7. Пряма на площині.	2/2	Знати види рівнянь прямої на площині та вміти застосовувати їх в практичних задачах	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 8. Криві другого порядку	2/2	Знати рівняння кривих другого порядку, застосовувати їх властивості для розв'язання задач	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	20  30
<b>Всього за модуль 2</b>				<b>100</b>
<b>Змістовий модуль 3. Теорія границь</b>				
Тема 9. Множини та операції над ними. Функції. Числові послідовності. Границі	2/2	Знати основні поняття теорії множин та функцій, вміти знаходити границі числових послідовностей	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	20
Тема 10. Границя функції. Перша та	2/2	Вміти знаходити границі функцій, застосовувати першу	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання	20

друга визначні границі		та другу визначні границі	практичних завдань аудиторно та самостійно	
Тема 11. Неперервність функції. Точки розриву.	2/4	Вміти досліджувати функцію на неперервність, знаходити та класифікувати точки розриву	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	20  40
<b>Всього за модуль 3</b>				<b>100</b>
<b>Змістовий модуль 4. Похідна функції однієї змінної</b>				
Тема 12. Похідна функції. Правила диференціювання. Похідні основних елементарних функцій.	2/2	Вміти обчислювати похідні елементарних функцій, застосовувати правила диференціювання	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	20
Тема 13. Похідна складеної функції, параметрично і неявно заданих функцій. Логарифмічне диференціювання. Диференціал. Похідна та диференціал вищих порядків.	2/2	Вміти знаходити похідні параметрично та неявно заданих функцій, використовувати метод логарифмічного диференціювання, знаходити похідні вищих порядків	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 14. Правило Лопітала. Монотонні функції. Екстремум функції. Найменше і найбільше значення на відрізьку.	2/2	Вміти досліджувати функції на монотонність, знаходити точки екстремуму, застосовувати до розв'язання практичних задач	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 15. Опуклість, угнутість графіка функції, точки перегину. Асимптоти. Схема дослідження функції та побудова її графіка.	2/4	Вміти застосовувати похідну функції для її дослідження та розв'язування прикладних задач	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	30  30
<b>Всього за модуль 4</b>				<b>100</b>
<b>Всього за навчальну роботу <math>R_{np} = 0,7 (R1_{зм} + R2_{зм} + R3_{зм} + R4_{зм}) : 4</math></b>				<b>70</b>
<b>Залік</b>				<b>30</b>
<b>Всього за курс</b>				<b>100</b>
<b>2 семестр</b>				
<b>Змістовий модуль 5. Невизначений та визначений інтеграли</b>				
Тема 16. Первісна та невизначений інтеграл. Таблиця інтегралів. Методи інтегрування.	2/2	Вміти застосовувати методи інтегрування для знаходження невизначених інтегралів	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 17. Інтегрування функцій, що містять квадратні тричлени.	2/2	Вміти інтегрувати функції, що містять квадратні тричлени	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 18. Інтегрування раціональних функцій.	2/2	Вміти інтегрувати раціональні функції	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10

Тема 19. Інтегрування деяких тригонометричних та ірраціональних функцій.	4/2	Вміти інтегрувати тригонометричні та деякі ірраціональні функції	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 20. Визначений інтеграл.	2/2	Вміти знаходити визначений інтеграл різними методами та розв'язувати практичні задачі	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 21. Визначений інтеграл із змінною верхньою межею. Методи інтегрування. Невласні інтеграли	4/2	Вміти знаходити визначений інтеграл із змінною верхньою межею та невластні інтеграли	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 22. Застосування визначеного інтеграла.	4/2	Вміти застосовувати визначений інтеграл для прикладних задач	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	10  30
<b>Всього за модуль 5</b>				<b>100</b>
<b>Змістовий модуль 6. Ряди</b>				
Тема 23. Числові ряди. Збіжність ряду. Ознаки збіжності додатних рядів	2/2	Вміти досліджувати додатний ряд на збіжність	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 24. Збіжність знакозмінних рядів. Ряди з довільними членами. Функціональні ряди	4/2	Вміти досліджувати на збіжність знакозмінні ряди та ряди з довільними членами	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 25. Степеневі ряди. Радіус та інтервал збіжності степеневих рядів.	2/2	Вміти знаходити радіус та інтервали збіжності степеневих рядів	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 26. Ряди Тейлора та Маклорена. Наближені обчислення.	2/2	Вміти застосовувати розклад функцій в ряди Тейлора та Маклорена в наближених обчисленнях	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 27. Періодичні функції, розклад в ряд Фур'є. Теорема Діріхле.	4/2	Вміти розкласти функції в ряд Фур'є	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 28. Комплексні числа. Дії над комплексними числами.	6/2	Знати основні поняття теорії комплексних чисел та вміти їх застосовувати для розв'язання задач	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	20  30
<b>Всього за модуль 6</b>				<b>100</b>
<b>Всього за навчальну роботу <math>R_{np} = 0,7 (R_{5зм} + R_{6зм}) : 2</math></b>				<b>70</b>
<b>Залік</b>				<b>30</b>
<b>Всього за курс</b>				<b>100</b>

<b>3 семестр</b>				
<b>Змістовий модуль 7. Функції декількох змінних</b>				
Тема 29. Функції декількох змінних. Границі, неперервність, частинні похідні, повний диференціал.	<b>2/2</b>	Вміти знаходити границі функцій кількох змінних, досліджувати на неперервність, знаходити частинні похідні	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>20</b>
Тема 30. Диференціювання складеної функції та функцій, заданих неявно. Дотична і нормаль до поверхні.	<b>2/4</b>	Вміти диференціювати складені функції та функції, задані неявно, знаходити дотичні та нормаль до поверхні	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>30</b>
Тема 31. Частинні похідні і диференціали вищих порядків. Екстремум, найменше найбільше значення функції в області.	<b>2/4</b>	Вміти знаходити найменше і найбільше значення функції в області	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	<b>20</b>  <b>30</b>
<b>Всього за модуль 7</b>				<b>100</b>
<b>Змістовий модуль 8. Диференціальні рівняння</b>				
Тема 32. Поняття диференціального рівняння. Задача Коші. ДР I порядку.	<b>2/4</b>	Вміти розв'язувати ДР першого порядку	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>10</b>
Тема 33. ДР II порядку. Лінійні ДР вищих порядків. Лінійний диференціальний оператор. Вронскіан	<b>2/2</b>	Вміти розв'язувати лінійні ДР вищих порядків	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>10</b>
Тема 34. Лінійні однорідні диференціальні рівняння. ЛОДР II порядку із сталими коефіцієнтами.	<b>2/2</b>	Вміти розв'язувати однорідні лінійні ДР	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>10</b>
Тема 35. Структура розв'язку ЛНДР. ЛНДР із сталими коефіцієнтами і спеціальною правою частиною.	<b>1/4</b>	Вміти розв'язувати лінійні неоднорідні ДР із сталими коефіцієнтами та правою частиною спеціального вигляду	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>20</b>
Тема 36. Системи диференціальних рівнянь. Метод виключення.	<b>1/4</b>	Вміти розв'язувати системи ДР	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	<b>20</b>  <b>30</b>
<b>Всього за модуль 8</b>				<b>100</b>
<b>Всього за навчальну роботу R<sub>нр</sub> = 0,7 (R<sub>7зм</sub> + R<sub>8зм</sub>) : 2</b>				<b>70</b>
<b>Залік</b>				<b>30</b>
<b>Всього за курс</b>				<b>100</b>

<b>4 семестр</b>				
<b>Змістовий модуль 9. Теорія функцій комплексної змінної (ТФКЗ)</b>				
Тема 37. Комплексні числа та дії над ними.	<b>2/2</b>	Знати основні поняття комплексних чисел	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>10</b>
Тема 38. Функції комплексної змінної. Границя та неперервність ФКЗ.	<b>2/2</b>	Вміти досліджувати ФКЗ на неперервність	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>10</b>
Тема 39. Диференціювання ФКЗ. Аналітичність функції. Інтегрування ФКЗ. Теорема Коші.	<b>2/2</b>	Вміти диференціювати ФКЗ, досліджувати на аналітичність, інтегрувати	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>10</b>
Тема 40. Числові ряди. Функціональні ряди. Степеневі ряди Ряд Тейлора. Ряд Лорана.	<b>2/2</b>	Вміти розкласти функції в ряд Тейлора, Лорана, досліджувати степеневі ряди	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>20</b>
Тема 41. Нулі функції. Особливі точки. Лишки ФКЗ.	<b>2/2</b>	Вміти знаходити т класифікувати нулі ФКЗ та особливі точки, обчислення та застосування лишків	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	<b>20</b>  <b>30</b>
<b>Всього за модуль 9</b>				<b>100</b>
<b>Змістовий модуль 10. Операційне числення</b>				
Тема 42. Перетворення Лапласа.	<b>2/2</b>	Вміти виконувати перетворення Лапласа, знаходити оригінал та зображення	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>20</b>
Тема 43. Диференціювання і інтегрування оригіналів і зображень.	<b>2/2</b>	Вміти диференціювати та інтегрувати оригінали та зображення	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>30</b>
Тема 44. Операційний метод розв'язання задачі Коші для лінійних ДР із сталими коефіцієнтами. Згортка функцій.	<b>4/2</b>	Вміти застосовувати перетворення Лапласа для розв'язання задачі Коші для лінійних диференціальних рівнянь із сталими коефіцієнтами	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	<b>20</b>  <b>30</b>
<b>Всього за модуль 10</b>				<b>100</b>
<b>Змістовий модуль 11. Інтегральне числення функції декількох змінних та векторний аналіз</b>				
Тема 45. Подвійний інтеграл. Заміна змінних, якобіан переходу.	<b>2/2</b>	Вміти обчислювати подвійні інтеграли різними методами	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>5</b>
Тема 46. Обчислення подвійних інтегралів у полярних координатах. Застосування подвійного інтеграла.	<b>4/2</b>	Вміти обчислювати подвійні інтеграли в полярних координатах; розв'язувати практичні задачі	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>5</b>
Тема 47. Трикратний інтеграл та його застосування.	<b>2/2</b>	Вміти знаходити потрійний інтеграл	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	<b>5</b>

Тема 48. Означення поля. Скалярні та векторні поля. Градієнт. Векторні лінії.	2/2	Знати основні поняття теорії поля	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	5
Тема 49. Поверхневі інтеграли. Потік векторного поля.	2/2	Вміти знаходити поверхневі інтеграли, потік векторного поля	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 50. Обчислення потоку векторного поля.	4/2	Вміти обчислювати потік векторного поля	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 51. Дивергенція векторного поля. Теорема Остроградського-Гаусса.	4/2	Вміти обчислювати дивергенцію векторного поля	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	5
Тема 52. Криволінійні інтеграли. Робота силового поля. Циркуляція векторного поля.	2/2	Вміти знаходити криволінійні інтеграли, роботу силового поля та циркуляцію векторного поля	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	5
Тема 53. Ротор векторного поля. Формула Стокса. Формула Гріна.	2/2	Вміти застосовувати формулу Стокса та Формулу Гріна	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно	10
Тема 54. Спеціальні векторні поля. Оператор Гамільтона. Потенціал векторного поля.	4/4	Вміти обчислювати потенціал векторного поля, застосовувати в практичних задачах	Опрацювання лекційного матеріалу, виконання практичних завдань аудиторно та самостійно  Виконання контрольної роботи	10  30
<b>Всього за модуль 11</b>				<b>100</b>
<b>Всього за навчальну роботу R<sub>нр</sub> = 0,7 (R<sub>9зм</sub> + R<sub>10зм</sub> + R<sub>11зм</sub>) : 3</b>				<b>70</b>
<b>Екзамен</b>				<b>30</b>
<b>Всього за курс</b>				<b>100</b>

### ПОЛІТИКА ОЦІНЮВАННЯ

<i>Політика щодо дедлайнів та перескладання:</i>	Роботи, які здаються із порушенням термінів без поважних причин, оцінюються на нижчу оцінку. Перескладання модулів відбувається із дозволу лектора за наявності поважних причин (наприклад, лікарняний).
<i>Політика щодо академічної доброчесності:</i>	Списування під час виконання письмових контрольних робіт, заліків та екзаменів заборонено (в т.ч. із використанням мобільних девайсів). Користування мобільними пристроями допускається лише з дозволу викладача під час онлайн-тестування та підготовки практичних завдань
<i>Політика щодо відвідування:</i>	Відвідування занять є обов'язковим. За об'єктивних причин (наприклад, хвороба, міжнародне стажування) навчання може відбуватись індивідуально (в он-лайн формі за погодженням із деканом факультету)

### ШКАЛА ОЦІНЮВАННЯ ЗНАТЬ СТУДЕНТІВ

Рейтинг здобувача вищої освіти, бали	Оцінка національна за результати складання екзаменів
90-100	відмінно
74-89	добре
60-73	задовільно
0-59	незадовільно